

Cinemática

Sistemas de referencia - Rapidez y velocidad - M.R.U. - M.R.U.V.

El movimiento de los cuerpos

Todo alrededor nuestro es movimiento. Se mueven las personas, los autos, los pájaros y las nubes. Vemos moverse al Sol y a las estrellas, y una mirada atenta al mundo microscópico nos revela un universo de pequeñísimos objetos en continuo movimiento. Si bien a primera vista resulta sencillo decidir si un objeto se está moviendo o está quieto, una visión más profunda revela cierta relatividad en nuestras opiniones, determinando que el movimiento de los cuerpos es relativo a otros que consideramos quietos.

La cinemática es la parte de la física que estudia el movimiento de los cuerpos sin ocuparse de las causas que lo producen. Este estudio permite identificar las magnitudes que intervienen en la descripción de los movimientos y establecer las relaciones existentes entre ellas. Sólo veremos como describir movimientos muy sencillos de trayectoria rectilínea, ya sea mediante ecuaciones o bien utilizando gráficos.

Cuando decimos que un auto se desplaza por una carretera con una velocidad de 60 km/h, ésta se refiere a objetos fijos, como árboles o carteles al costado del camino. Estos objetos considerados fijos constituyen lo que se denomina un **marco de referencia** respecto del cual realizaremos nuestras mediciones (Nótese que los árboles y carteles mencionados están fijos respecto de la Tierra, pero se encuentran en movimiento respecto del Sol u otros astros). La elección de este marco de referencia, entonces, es muy amplia y arbitraria, ya que se puede considerar al conductor del auto en reposo (y en realidad lo está respecto del volante y del interior del habitáculo, etc.) y pensar que la ruta se desplaza a 60 km/h pero en sentido contrario al que llevaba el conductor del auto. Por lo tanto al describir el movimiento de cualquier cuerpo es preciso definir de antemano cuál es el objeto que suponemos quieto respecto del cual el otro se mueve, ya que respecto de ese objeto considerado quieto es que vamos a referir todas nuestras mediciones.

Si bien en movimientos cotidianos resulta trivial determinar si un objeto está en movimiento o no, no debemos despreciar la importancia en la elección del sistema de referencia. Un caso emblemático es la conocida controversia acerca del movimiento de la Tierra y las dificultades que atravesaron quienes, como Galileo y Copérnico, pensaban que ésta no estaba fija en los cielos, proclamando que giraba en derredor del Sol.

Rapidez

Existe en todos nosotros una noción intuitiva del concepto de rapidez (*que en uso cotidiano solemos identificarlo al concepto de velocidad*) cuando aplicamos el término a la descripción de algo que se mueve. Un cuerpo que se mueve recorre una determinada distancia en un tiempo dado. Cuanto menos tarde en recorrer esa distancia decimos que más rápido se mueve. Así que la **rapidez** es la relación entre la distancia recorrida y el tiempo empleado. Si una persona recorre una distancia de 100 m en 100 segundos decimos que se mueve a razón de 1 m/s (se lee un metro **por** segundo). En realidad, para comenzar a expresarnos con propiedad, deberíamos llamar a esta rapidez como **rapidez media** ya que decir que la persona se mueve a razón de 1 m/s es verdad solamente si se mantuvo el mismo ritmo de marcha durante todo el trayecto, información que no disponemos. Decir que una persona recorrió 100 m en 100 segundos implica una variedad de sucesos posibles; puede haber mantenido el mismo ritmo, o bien haber caminado más deprisa los primeros 50 m (y por lo tanto con una rapidez mayor a la de 1 m/s) y luego más lentamente los restantes 50 m (moviéndose, entonces, con una rapidez menor). O quizá se movió de manera completamente aleatoria, de modo que la rapidez media es como un valor “medio” para todo el trayecto pero no describe con exactitud el comportamiento en cada instante del recorrido. En definitiva, es la mejor aproximación que podemos hacer con la información que tenemos.

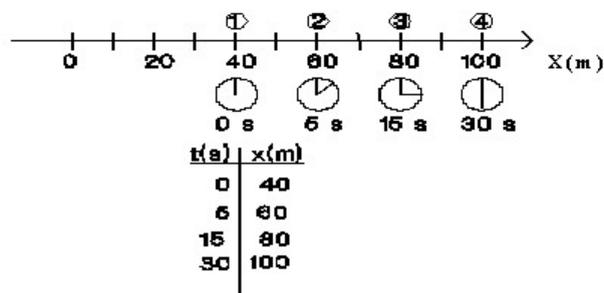
Es importante entender la diferencia (en términos físicos) entre la rapidez y la velocidad ya que en el lenguaje cotidiano las solemos usar de manera indistinta. Cuando el velocímetro de un auto marca 50 km/h decimos que su velocidad es de 50 km/h sin mencionar hacia donde se dirige. Para expresar una **velocidad** debemos indicar, además del valor, su dirección y sentido. Entonces si dos camiones se desplazan a 50 km/h, uno de ellos hacia el Norte y el otro al Oeste ambos tendrán la misma rapidez pero sus velocidades serán diferentes por dirigirse en distintas direcciones. A las magnitudes como la velocidad, para cuya definición se debe indicar aparte de su valor, la dirección y el sentido que llevan se las llama **magnitudes vectoriales**, mientras que aquellas que se definen sólo mediante su valor se llaman **magnitudes escalares**. DE aquí en

adelante, al decir velocidad nos estaremos refiriendo **siempre** al vector velocidad.

Velocidad media

Como desarrollaremos solamente movimientos en línea recta, en los cuales los objetos se mueven hacia ambos lados, para diferenciar velocidades de objetos que se muevan en sentidos contrarios estableceremos arbitrariamente un sentido como positivo; las velocidades de objetos que se desplacen en ese sentido serán consideradas positivas y las de objetos que se muevan en sentido contrario serán negativas. Para efectuar nuestras mediciones con corrección, debemos considerar algún punto que nos sirva como referencia para observar el movimiento de otros cuerpos cercanos. Una vez elegido el punto de referencia, estableceremos un sistema de coordenadas.

La figura nos muestra el estudio del movimiento de un cuerpo a lo largo de una línea recta, en la cual el punto considerado como referencia coincide con el origen de nuestro sistema de coordenadas y en donde hemos elegido el sentido positivo hacia la derecha. Hemos colocado observadores al costado del camino con sus cronómetros sincronizados y hemos registrado cuatro situaciones anotando el punto del sistema de coordenadas que ocupaba el móvil (o sea la posición del móvil) y el instante de tiempo correspondiente obtenido consultando nuestros cronómetros. Así cuando pusimos en marcha los cronómetros vimos el móvil pasaba por la coordenada de los 40 m, luego a los 5 segundos por la coordenada 60m, etc, y con estos datos hemos confeccionado una tabla de valores.



*Vamos a definir ahora una magnitud llamada **desplazamiento** como la diferencia entre dos posiciones del objeto cuyo movimiento estudiamos. Utilizando la letra **x** para nombrar la posición que ocupa el objeto se define desplazamiento como:*

$$\Delta x = x_f - x_i$$

expresión en donde x_f representa la posición final y x_i la posición considerada inicial para un intervalo dado de estudio.

Como se ve, entre cada una de nuestras mediciones el desplazamiento es de 20 m. El desplazamiento puede referirse a dos posiciones cualesquiera, no necesariamente consecutivas, como ser entre la primera y la tercera (en este caso 40 m). Por ejemplo, el desplazamiento entre la primera y la cuarta medición de nuestro estudio será:

$$\Delta x_{1-4} = x_4 - x_1 = 100m - 40m = 60m$$

Idénticamente podemos definir el lapso de tiempo entre dos medidas cualesquiera como la diferencia entre el registro temporal final y el inicial:

$$\Delta t = t_f - t_i$$

El intervalo de tiempo correspondiente al desplazamiento anterior será:

$$\Delta t_{1-4} = t_4 - t_1 = 30s - 0s = 30s$$

*Dadas estas definiciones, ahora vamos a definir otra magnitud, llamada **velocidad media**, como la relación entre las magnitudes antes definidas:*

$$v_m = \frac{\Delta x}{\Delta t} = \frac{x_f - x_i}{t_f - t_i}$$

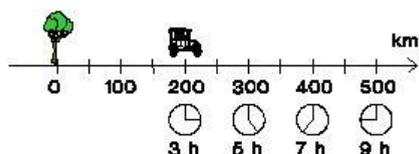
La velocidad media correspondiente al intervalo 1-4 será:

$$v_m = \frac{100\text{ m} - 40\text{ m}}{30\text{ s} - 0\text{ s}} = \frac{60\text{ m}}{30\text{ s}} = 2\text{ m/s}$$

Como práctica calculá las velocidades medias correspondientes a los intervalos 1-2, 2-3, 3-4 y 2-4.

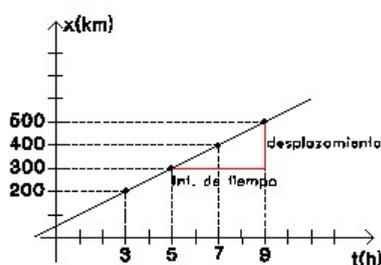
$$(\text{Rtas.: } v_{m\ 1-2} = 4\text{ m/s} \quad v_{m\ 2-3} = 2\text{ m/s} \quad v_{m\ 3-4} = 1,33\text{ m/s} \quad v_{m\ 2-4} = 1,6\text{ m/s})$$

MOVIMIENTO RECTILÍNEO UNIFORME



La nueva imagen nos muestra un viejo automóvil que se desplaza por una ruta rectilínea en donde hemos hecho también 4 observaciones. Si calculamos la velocidad media para cualquier intervalo que se nos ocurra veremos que siempre se obtiene el mismo resultado (50 km/h). Si esto se cumpliera para todos los puntos del recorrido estaríamos observando lo que se llama un **movimiento rectilíneo uniforme** (MRU) donde la velocidad no depende del intervalo en el cual se la mida sino que se mantiene constante a lo largo de todo el recorrido. Si bien es un movimiento muy sencillo existen numerosos ejemplos en la naturaleza en los cuales el comportamiento de los objetos obedece estas condiciones. El ritmo de la marcha de los animales y personas es constante en muchas ocasiones, el movimiento de un glóbulo rojo en un tramo de arteria de sección constante, o de un impulso nervioso a lo largo de un axón, también lleva velocidad constante. Un estudio de sus características nos permitirá establecer una relación entre las posiciones que ocupan los móviles y el tiempo correspondiente y obtener conclusiones que podremos generalizar para aplicarlas al estudio de otros movimientos.

En el gráfico siguiente hemos llevado en el eje horizontal los valores del tiempo y en el eje vertical hemos colocado las posiciones que fue ocupando el automóvil. Como se ve, estos puntos se alinean formando una recta. Hemos marcado el desplazamiento correspondiente a dos mediciones (la segunda y la cuarta) y el intervalo de tiempo que le está asociado. Como ya dijimos el cociente entre estas magnitudes nos da la velocidad, que, por ser constante, no depende del intervalo elegido. En términos matemáticos, la velocidad es la pendiente de esa recta.



Para relacionar las posiciones que ocupa sucesivamente el móvil con el instante de tiempo correspondiente vamos a utilizar la ecuación horaria de la posición en función del tiempo para un MRU (que se obtiene a partir de la definición de la velocidad media):

$$x(t) = x_i + v \cdot (t - t_i)$$

Aplicándola al movimiento anterior, partiendo de la base de que sabemos que el auto tiene una velocidad constante de 50 km/h y que a las tres horas pasó por el kilómetro 200, en la ecuación horaria anterior reemplazamos x_i por 200 km, v por 50 km/h y t_i por las 3 horas, con lo que resulta:

$$x(t) = 200\text{ km} + 50\text{ km/h} \cdot (t - 3\text{ h})$$

Así se establece la relación entre la posición que ocupará el auto y el instante de tiempo respectivo. Por ejemplo, si quisiéramos saber donde estará el móvil a las 12 h reemplazaríamos t por 12 h resultando

$$x(t) = 200\text{km} + 50\text{km/h} \cdot (12\text{h} - 3\text{h}) = 650\text{km}$$

Por lo tanto a las 12 hs el móvil pasará por la posición de los 650 km (suponiendo que sigue con velocidad constante).

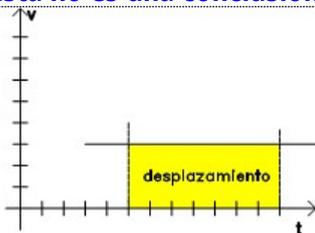
Podemos realizar la distributiva del segundo miembro de la ecuación horaria obtenida y agrupando nos quedará:

$$x(t) = 50\text{km/h} \cdot t + 50\text{km}$$

que representa la ecuación de una recta, de pendiente **50 km/h** y ordenada al origen **50 Km**, que es justamente la recta que obtuvimos al realizar el gráfico anterior.

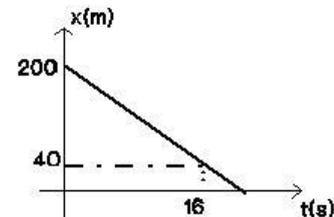
Además, el gráfico de la velocidad en función del tiempo nos permite concluir que el área encerrada entre la gráfica (en este caso una línea horizontal, ya que la velocidad es constante), el eje horizontal y dos instantes cualesquiera **equivale al desplazamiento del móvil en ese intervalo de tiempo**.

Esta no es una conclusión particular para el MRU, se verifica para el gráfico de la velocidad en función del tiempo de cualquier tipo de movimiento



Ejemplo 1

Dado el siguiente gráfico de la posición en función del tiempo para un cuerpo que se desplaza con movimiento rectilíneo obtener la velocidad con la que se desplaza, calcular su posición al cabo de 10 seg y determinar cuando pasará por delante el punto elegido como origen de coordenadas de posición.



En el gráfico vemos una recta decreciente, o sea, de pendiente negativa. Sabemos que se trata de un MRU porque su gráfica $x(t)$ es una recta y además como la pendiente de la recta representa la velocidad, esta debe ser negativa, o sea que el móvil se mueve en el sentido de las x 's decrecientes. En efecto, conocemos dos coordenadas del recorrido ya que de acuerdo con el gráfico en tiempo 0 el móvil se hallaba en la posición +200 m y que a los 16 segundos se encontraba en la posición de los +40 metros, moviéndose hacia el origen de coordenadas. Calculemos entonces su velocidad empleando:

$$v_m = \frac{\Delta x}{\Delta t} = \frac{x_f - x_i}{t_f - t_i} \Rightarrow v_m = \frac{40\text{m} - 200\text{m}}{16\text{s} - 0\text{s}} = \frac{-160\text{m}}{16\text{s}} = -10\text{m/s}$$

Conocida su velocidad vamos a escribir la ecuación horaria para la posición y usaremos las coordenadas del primer punto (0 seg ; 200 m):

$$x(t) = x_i + v \cdot (t - t_i) \Rightarrow x(t) = 200\text{m} - 10\text{m/s} \cdot t$$

Como vimos en clase, esta función nos permite establecer una relación entre posiciones y tiempos correspondientes a este movimiento. Para los 10 segundos la posición del móvil será:

$$x(t) = 200\text{m} - 10\text{m/s} \cdot 10\text{s} = 100\text{m}$$

Para saber cuando pasará por el origen de coordenadas ($x = 0$) sólo debemos reemplazar esta coordenada x y despejar el tiempo:

$$0 = 200\text{m} - 10\text{m/s} \cdot t \Rightarrow t = 20\text{s}$$