

Fenómenos de transporte: Difusión y Osmosis



DIFUSIÓN SIMPLE

Movimiento aleatorio de moléculas de soluto en un solvente hasta formar la solución. El movimiento o **flujo neto difusivo de moléculas de soluto** se observa de la **mayor** concentración de soluto a la **menor**:



SOLUCIONES ACUOSAS

- Definiciones previas:
- **Concentración de la solución : C**



- $C = \frac{\text{masa de soluto (gramos o moles)}}{\text{Volumen de solución (litros o m}^3\text{)}}$

Cuando es “mol/litro” se llama **MOLARIDAD** de la solución

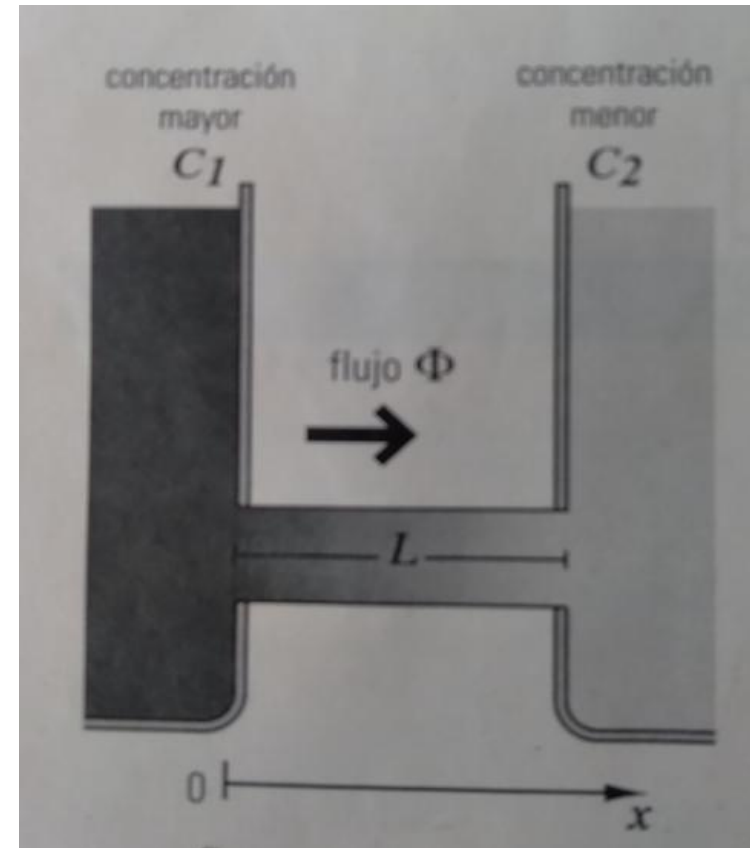
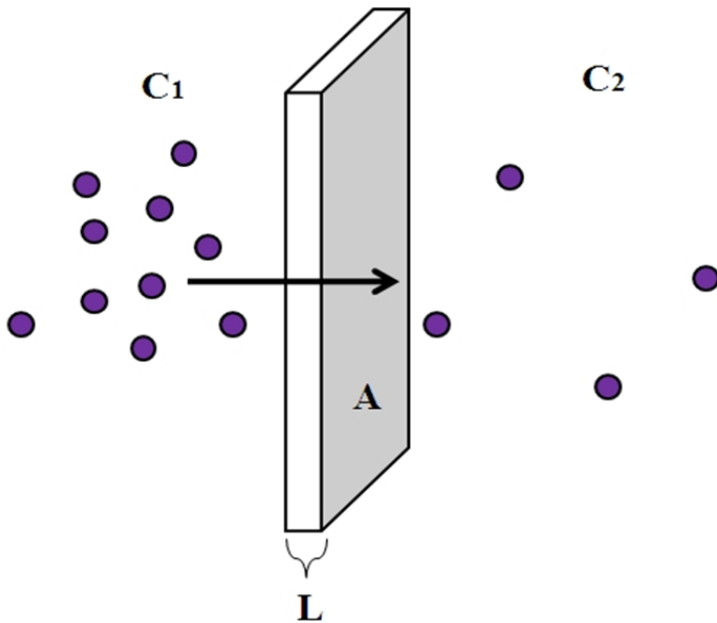
Ej.: 1) se tiene una solución acuosa de 5 g de azúcar (sacarosa: masa molar 342 g/mol) en 200 ml de agua. Expresar su concentración (en g/litro) y su molaridad

- $C = 5 \text{ g} / 200 \text{ ml} = 0,025 \text{ g/ml} = 25 \text{ g/l}$
- $342 \text{ g} = 1 \text{ mol de sacarosa}$
- $25 \text{ g} = 0,073 \text{ moles}$
- $\text{Molaridad} = 0,073 \text{ mol/l} = 0,073 \text{ M}$



Flujo difusivo (ϕ o J)

$\phi = \frac{\text{masa de soluto (en kg o mol)}}{\text{tiempo (segundo)}}$

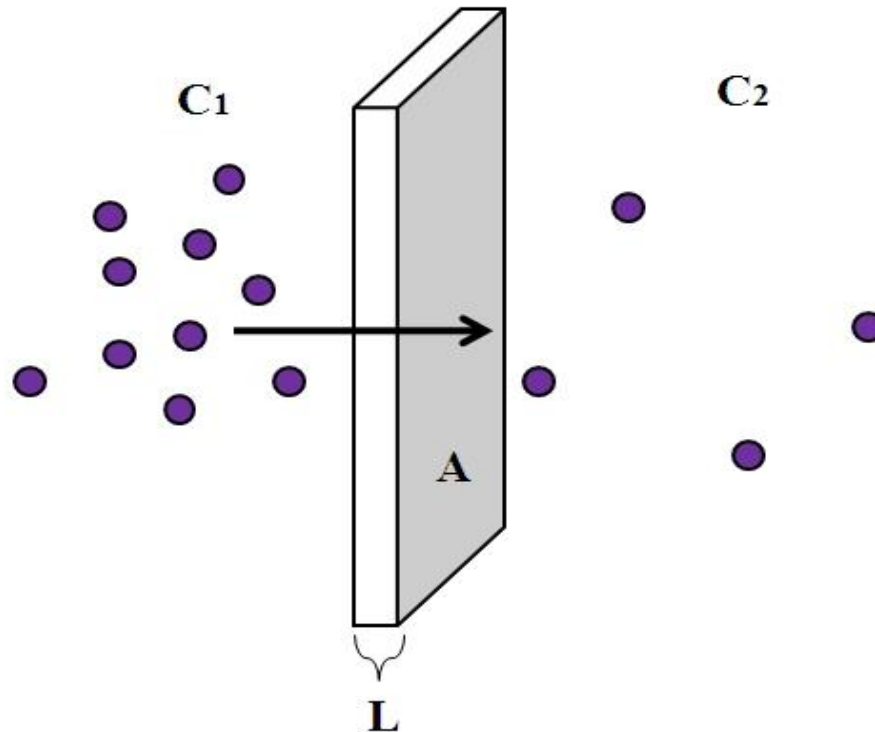


Cuando se divide por el área transversal atravesada por el soluto (A), se lo suele llamar :

densidad de flujo difusivo (ϕ'):

$$\phi / A = \phi'$$

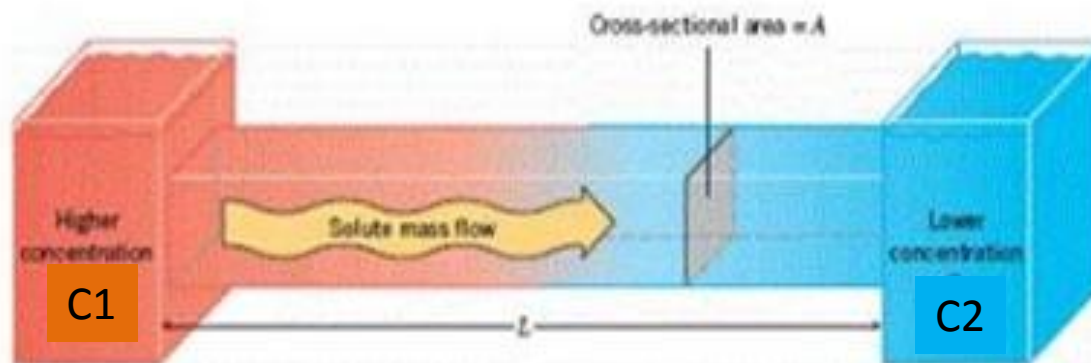
Cuando la densidad de flujo difusivo es **constante**, no se igualan las concentraciones (régimen estacionario), aplicamos la **LEY DE FICK** para la difusión lineal simple:



Difusión y ley de Fick

- ▶ Flujo neto de difusión
- ▶ $J_{\text{neto}} = J_{1 \rightarrow 2} - J_{2 \rightarrow 1}$

El flujo difusivo que atraviesa una superficie (J) es directamente proporcional al gradiente de concentración.



Ley de Fick:

$$\phi / A = \phi' = - D \cdot \Delta C / \Delta x$$

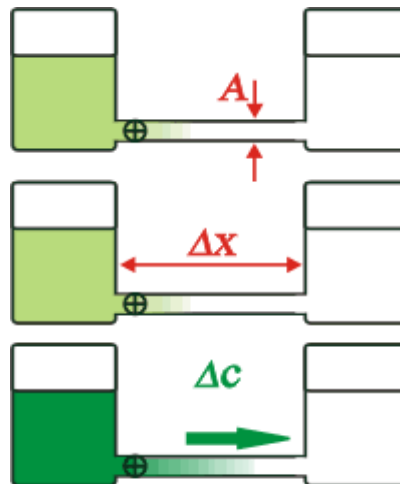
D: constante (o coeficiente) de difusión

ΔC : diferencia de concentraciones

Δx : distancia entre concentraciones

$\Delta C / \Delta x$: gradiente de concentración

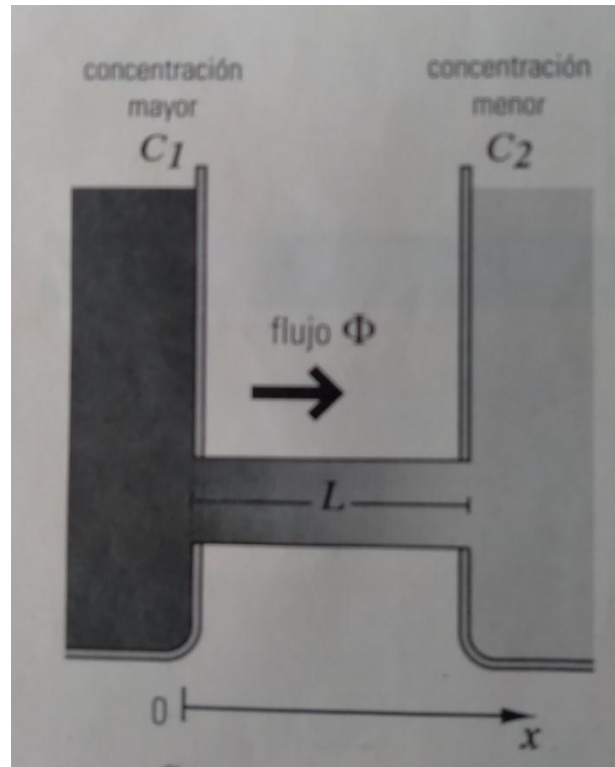
El flujo difusivo siempre va de mayor a menor concentración



Ej: 2 EM)

El coeficiente de difusión de un soluto en agua es $9 \cdot 10^{-11} \text{ m}^2 \text{ s}^{-1}$. Dos recipientes con concentraciones diferentes de dicho soluto están en contacto mediante un tubo de 10 cm. Uno de los recipientes tiene una $C_1 = 100 \text{ mol/m}^3$. La densidad de flujo hacia el segundo recipiente es de $10^{-12} \text{ mol/cm}^2\text{seg}$ ($10^{-8} \text{ mol/m}^2\text{seg}$).

¿Cuántos moles por m^3 hay, aprox. en el segundo recipiente?



Resolución:

Aplicamos Ley de Fick:

$$\phi' = - D \cdot \Delta C / \Delta x = D \cdot |\Delta C| / \Delta x$$

Despejamos: $|\Delta C|$ = módulo de la diferencia de concentraciones

$$|\Delta C| = \phi' \cdot \Delta x / D = (10^{-8} \text{ mol/m}^2\text{seg}) \cdot 0,1 \text{ m} / 9 \cdot 10^{-11} \text{ m}^2 \text{ s}^{-1}$$

Reacomodando queda:

$$|\Delta C| = (10^{-8} \cdot 0,1 / 9 \cdot 10^{-11}) \cdot (\text{mol} \cdot \text{m} \cdot \text{seg} / \text{m}^2 \cdot \text{seg} \cdot \text{m}^2)$$

$$|\Delta C| = 11 \text{ mol/m}^3 \text{ (Significa que la diferencia de conc. es } \mathbf{11 \text{ mol/m}^3})$$

Analicemos: si el flujo difusivo va de C_1 a C_2 y $C_1 = 100 \text{ mol/m}^3$ entonces C_2 tiene que ser menor en esa cantidad: $100 - 11 = \mathbf{89 \text{ mol/m}^3}$, o sea $C_2 = 90 \text{ mol/m}^3$ (aprox.)

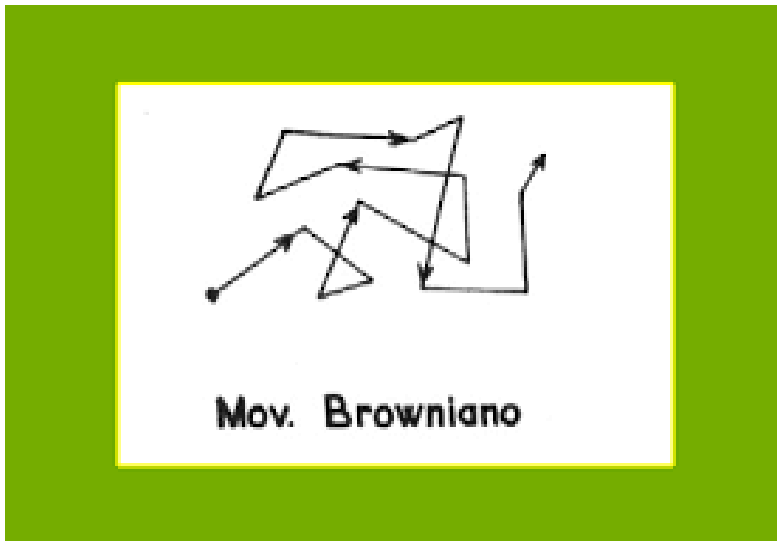
Desplazamiento cuadrático medio:

Las moléculas del soluto se mueven aleatoriamente en una dirección neta predominante: de la mayor a la menor concentración. El desplazamiento cuadrático medio $\langle L^2 \rangle$ es dado por la fórmula:

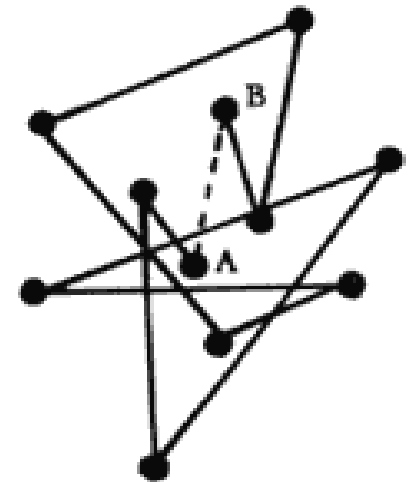
$$\langle L^2 \rangle = 2 \cdot D \cdot t$$

“L” será el recorrido neto entre los puntos A y B

despejando: $L = (2 \cdot D \cdot t)^{1/2}$



(a)



(b)

Desplazamiento cuadrático medio:

$$\langle L^2 \rangle = 2 \cdot D \cdot t$$

- Ej.: ¿Cuánto tiempo demora el oxígeno en difundirse desde la pared de un capilar sanguíneo de $5 \mu\text{m}$ de radio hasta el centro del capilar si el coeficiente de difusión del oxígeno en la sangre es de $10^{-5} \text{ cm}^2/\text{seg}$?
- Despejando de la ecuación t y reemplazando:
- $t = \langle L^2 \rangle / 2 \cdot D = (5 \cdot 10^{-6})^2 \text{ m}^2 / 2 \cdot 10^{-9} \text{ m}^2/\text{s}$
- $t = 0,0125 \text{ seg}$

Ej.7 (guia): ¿Cuál es la máxima velocidad a la que puede circular el plasma sanguíneo por los capilares que rodean el alveolo pulmonar para el intercambio de oxígeno por difusión?

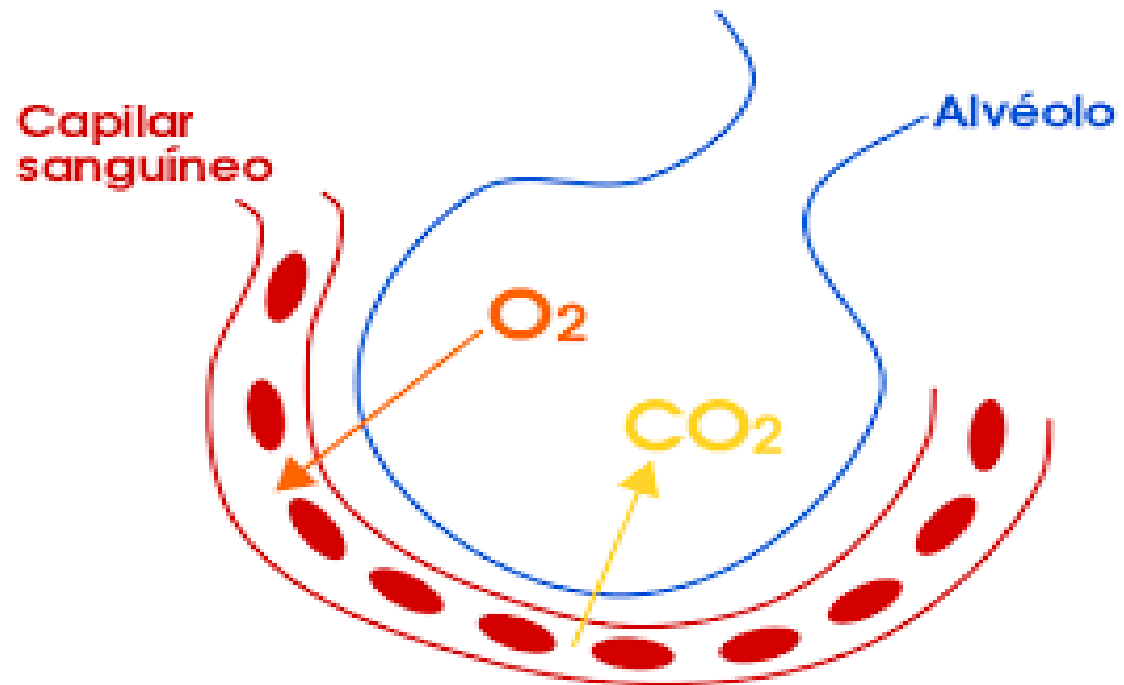
Datos:

radio del capilar = $5 \mu\text{m}$ ($1 \mu\text{m} = 10^{-4} \text{ cm}$)

largo del capilar = $100 \mu\text{m}$

espesor de las paredes del capilar = $0,2 \mu\text{m}$

$D = 10^{-5} \text{ cm}^2/\text{s}$



Resolución:

- Acá se integran dos temas: difusión y cinemática.
 - Si el oxígeno viaja por difusión recorrerá un $\langle L \rangle$ igual (como mínimo) al radio del capilar más el espesor. El tiempo (t) que tarde en hacer eso será el mismo empleado por la sangre en recorrer el largo del capilar (X), determinando así la velocidad de esta:
 - Se plantean entonces 2 ecuaciones:
 - 1) $L^2 = 2 \cdot D \cdot t$
 - 2) $Vel = X/t$
 - Despejando “t” de la 1) lo reemplazamos en la 2)
 - $t = L^2 / 2D$
- $$Vel = X \cdot 2 \cdot D / L^2 = 100 \cdot 10^{-4} \text{ cm} \cdot 2 \cdot 10^{-5} \text{ cm}^2/\text{s} / (5,2 \cdot 10^{-4} \text{ cm})^2$$
- $Vel = 0,74 \text{ cm/s}$