

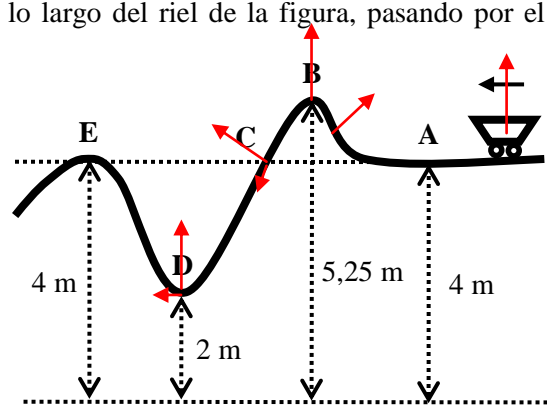
Un carrito de masa 10 kg se desplaza sin fricción a lo largo del riel de la figura, pasando por el punto A con velocidad **8 m/s**, moviéndose hacia la izquierda. Entonces, teniendo en cuenta las alturas indicadas en el dibujo:

a) ¿Cuál es la velocidad del carrito en el punto D?

b) ¿Qué velocidad debería traer el carrito al pasar por el punto A para asegurar que atravesase el punto más alto del trayecto (punto B)?

Resp a) $v_D = 10,2 \text{ m/s}$

Resp b) $v_A > 5 \text{ m/s}$



a - Por el teorema de conservación de la energía mecánica:

$$\Delta E_m^{i \rightarrow f} = E_m^f - E_m^i = \sum L_{F_{n,c}} \quad (\text{Fuerzas no conservativas})$$

Como no hay fricción, las **únicas fuerzas actuantes** sobre el carrito son el **Peso** y la **Normal (en color rojo)**. La **única fuerza no conservativa** es la **Normal**.

Pero $L_N=0$ porque la **Normal es siempre perpendicular al desplazamiento (indicado en color rojo)** ($\alpha = 90^\circ$; $\cos(90^\circ)=0$). En consecuencia:

$$\Delta E_m^{i \rightarrow f} = E_m^f - E_m^i = 0 \rightarrow E_m^f = E_m^i; \quad (E_m \text{ ES CONSTANTE})$$

Los puntos indicados como "f" y "i" pueden ser cualquier punto del riel, entonces **la ENERGÍA MECÁNICA ES CONSTANTE a lo largo de todo el riel.**

Idea de resolución de estos problemas: Elegir 2 puntos convenientes; el A (porque tenemos los datos), y el D (nos piden la velocidad en ese punto).

La Energía mecánica es igual en todos los puntos (CONSTANTE), en particular.

$$E_m^D = E_m^A \quad ; \quad E_m^A = \frac{1}{2} m v_A^2 + m g h_A \quad ; \quad h_A=4m \quad ; \quad v_A=8m/s; \quad h_D=2m$$

$$E_m^A = \frac{1}{2} \cdot 10kg \cdot (8m/s)^2 + 10kg \cdot 10m/s^2 \cdot 4m = 720J$$

$$E_m^D = \frac{1}{2} 10kg \cdot v_D^2 + 10kg \cdot 10m/s^2 \cdot 2m = 720J \quad ; \quad \text{de aquí despejo } v_D$$

$$v_D^2 = (720J - 200J) / 5kg = 104 \text{ J/kg} = m^2/s^2 \quad ; \quad v_D=10,2 \text{ m/s}$$

b - Como la $E_m = E_{cin} + E_{pg} = \text{constante}$

Significa que donde tenga la **máxima energía potencial (punto B)**, tendrá la **mínima energía cinética (o sea, mínima velocidad en B)**.

Para asegurar que el carrito (que viene por **A**)pase por el punto **B**, hacia C y D, hay que garantizar que **tenga energía cinética en B (o sea, velocidad en B)**.

Como la **E cinética es siempre positiva**, la condición de que pase por B es:

$$E_{\text{mec}}^B - E_{\text{pg}}^B = E_{\text{cin}}^B > 0; \text{ es decir;}$$

$$E_{\text{mec}}^B > E_{\text{pg}}^B = 10\text{kg} \cdot 10\text{m/s}^2 \cdot 5,25\text{m} = 525\text{J} \quad ; \quad h_B = 5,25 \text{ m}$$

Como la **E mecánica es constante**, entonces, en particular:

$$E_{\text{mec}}^B = E_{\text{mec}}^A > 525\text{J}$$

(de aquí obtengo la condición sobre la v_A para que llegue a B)

$$E_{\text{mec}}^A = 400\text{J} + \frac{1}{2} \cdot 10\text{kg} \cdot v_A^2 > 525\text{J}$$

$$v_A^2 > (525\text{J} - 400\text{J}) / 5\text{kg} = 125/5 = 25 \text{ m}^2/\text{s}^2 \quad ; \quad v_A > 5\text{m/s}$$

NOTA: En un problema de este tipo (montaña rusa, donde aparecen distintas alturas y se conserva la Energía mecánica), la forma de saber si un cuerpo llega a un punto de máxima altura (como sería el **B** de este problema), es **comparar la Energía mecánica** del cuerpo con la **Energía potencia en ese punto**. La condición de que el cuerpo alcance ese punto de altura máxima es :

$$E_{\text{MEC}} > E_{\text{pg}} \text{ en ese punto.}$$